

Tcomp Devoir n° 3

- Durée 1 h
- Calculatrices interdites

Barème :

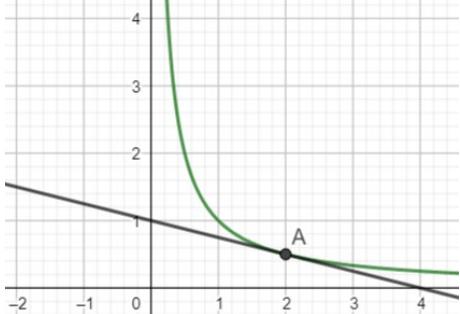
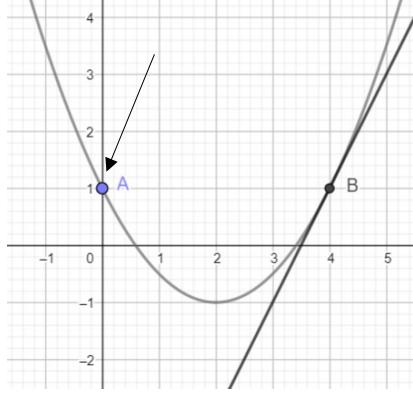
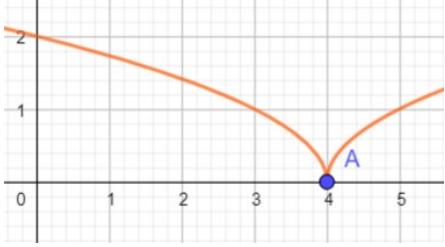
1) 10 pts 2) 3 pts 3) 7 pts

Nom :
Répondre sur cette feuille

Ex 1 : Dans chacun des cas, calculer la dérivée, en indiquant sur quel ensemble vos calculs sont valables.

Fonction	Ensembles où les calculs sont valables	Fonctions dérivées
1) $f: x \mapsto f(x)=5e^{x^2-3}$		
2) $f: x \mapsto (x+2)\sqrt{x}$ (Présenter le résultat sous la forme d'un seul quotient)		
3) $f: x \mapsto \frac{x-2}{x^2-x}$		
4) $f: x \mapsto 5\sqrt{2x+3}$		
5) $f: x \mapsto f(x)=\frac{2-3e^x}{1+e^x}$		

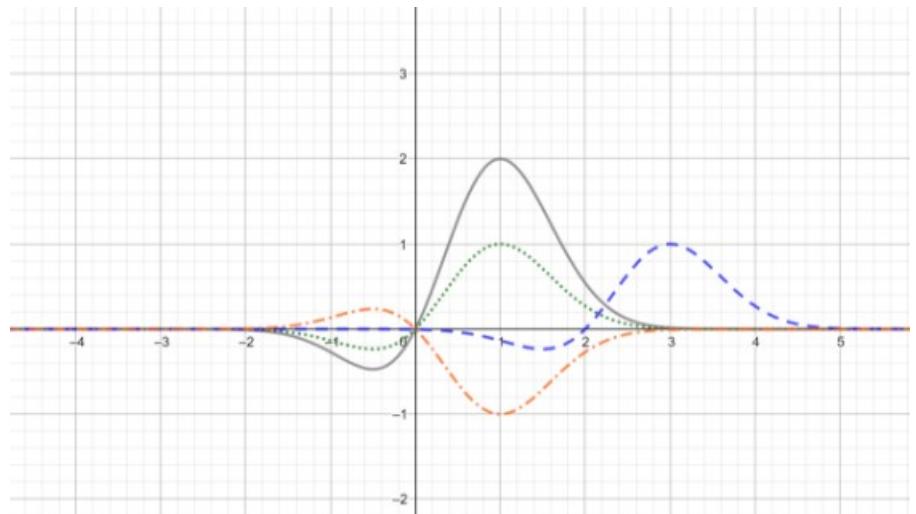
Ex 2 : Dans chacun des cas ci-dessous, on considère la courbe représentative C_f d'une fonction f , et A un point de C_f d'abscisse a . Déterminer si possible $f'(a)$.

1) $f'(a)=$	2) $f'(a)=$	3) $f'(a)=$
		

Ex 3 :

Etudier les variations (sans les limites) de $f : x \mapsto x e^{-x^2+x}$ sur \mathbb{R} , puis déterminer les éventuels extrema de f .

Quelle est la courbe représentant f ?

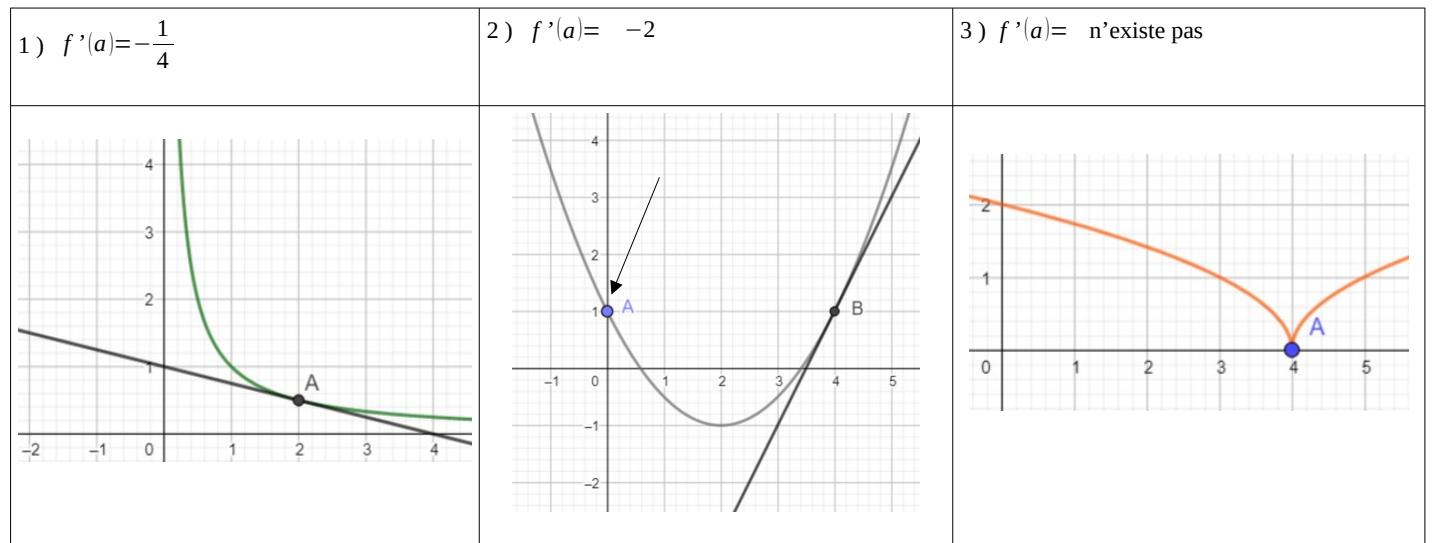


correction :

Ex 1 : Dans chacun des cas, calculer la dérivée, en indiquant sur quel ensemble vos calculs sont valables.

Fonction	Ensembles où les calculs sont valables	Fonctions dérivées
1) $f: x \mapsto f(x) = 5e^{x^3-3}$	\mathbb{R}	$f'(x) = 15x^2 e^{x^3-3}$
2) $f: x \mapsto (x+2)\sqrt{x}$ (Présenter le résultat sous la forme d'un seul quotient)	\mathbb{R}_+^*	$f'(x) = \frac{3x+2}{2\sqrt{x}}$
3) $f: x \mapsto \frac{x-2}{x^2-x}$	$\mathbb{R} \setminus [0;1]$	$f'(x) = \frac{-x^2+4x-2}{(x^2-x)^2}$
4) $f: x \mapsto 5\sqrt{2x+3}$	$\left]-\frac{3}{2}; +\infty\right[$	$f'(x) = \frac{5}{\sqrt{2x+3}}$
5) $f: x \mapsto f(x) = \frac{2-3e^x}{1+e^x}$	\mathbb{R}	$f'(x) \equiv \frac{-5e^x}{(1+e^x)^2}$

Ex 2 : Dans chacun des cas ci-dessous, on considère la courbe représentative C_f d'une fonction f , et A un point de C_f d'abscisse a . Déterminer si possible $f'(a)$.



Ex 3 :

Etudier les variations (sans les limites) de $f : x \mapsto x e^{-x^2+x}$ sur \mathbb{R} , puis déterminer les éventuels extrema de f .

f est dérivable sur \mathbb{R} par opérations de fonctions dérivables sur \mathbb{R} .

Pour tout $x \in \mathbb{R}$, on a

$$f'(x) = 1 e^{-x^2+x} + x(-2x+1) e^{-x^2+x} = (-2x^2+x+1) e^{-x^2+x}$$

$f'(x)$ est du signe de $-2x^2+x+1$ qui est un trinôme du second degré de racines évidentes 1 et $-\frac{1}{2}$

x	- ∞	$-\frac{1}{2}$	1	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	0
f			1	

Diagramme de variation de f :

La courbe passe par $(-\infty, 0)$, passe par un minimum local en $x = -\frac{1}{2}$ avec $y = -\frac{1}{2} e^{-\frac{3}{4}}$, passe par un maximum local en $x = 1$ avec $y = 1$, et tend vers 0 pour $x \rightarrow +\infty$.

f admet pour minimum local $-\frac{1}{2} e^{-\frac{3}{4}}$ atteint en $-\frac{1}{2}$

f admet pour maximum local 1 atteint en 1.

Quelle est la courbe représentant f ?

